

**Aufgabe 1:**

Man zeige die Aussagen nur unter Benutzung der Körperaxiome (K1)-(K9) aus der Vorlesung.

- a) Sind  $x, y \in \mathbb{Q}$  mit  $x + y = 0$ , so ist  $x = -y$ .
- b) Für alle  $x \in \mathbb{Q}$  gilt  $-(-x) = x$ .
- c) Für alle  $x \in \mathbb{Q}$  gilt  $(-1) \cdot x = -x$ .

**Aufgabe 2:**

Man untersuche die folgenden Zahlen mit den aus der Schule bekannten Regeln auf Teilbarkeit durch 2,3,4,5,6,8,9.

- (a) 23085 , (b) 87348 , (c) 343474 , (d) 891289368

**Aufgabe 3:**

Die alternierende Quersumme einer natürlichen Zahl erhält man, indem man alle Ziffern an ungeraden Positionen addiert und davon die Ziffern an geraden Positionen subtrahiert. Bsp.: die alternierende Quersumme von 4683 ist  $4 - 6 + 8 - 3 = 3$ . Eine Zahl ist genau dann durch 11 teilbar, wenn ihre alternierende Quersumme durch 11 teilbar ist. Untersuchen Sie damit die folgenden Zahlen auf Teilbarkeit durch 11.

- (a) 133474 , (b) 499755 , (c) 1523412 , (d) 970577681

**Aufgabe 4:**

Eine Zahl  $p \in \mathbb{N} \setminus \{1\}$  heißt Primzahl, wenn sie in den natürlichen Zahlen nur die Teiler 1 und  $p$  hat.

- a) Man bestimme alle Primzahlen kleiner 100.
- b) Bestimmen Sie die Primfaktorzerlegung der Zahlen

36 , 149 , 2016 , 33033

**Aufgabe 5:**

Zeigen Sie, daß es keine rationale Zahl  $x \in \mathbb{Q}$  mit  $x^2 = 3$  gibt.